

IZPIT IZ MATEMATIKE I

Univerzitetni študij

8. junij 2009

1. Dano je zaporedje

$$a_n = \frac{1 - 2n}{3 + n}.$$

Določi monotonost, natančno zgornjo mejo, natančno spodnjo mejo, stekališča in limito tega zaporedja. Koliko členov zaporedja se od limite razlikuje za več kot $\varepsilon = \frac{3}{100}$?

2. Določi definicijsko območje in nariši graf funkcije

$$f(x) = \sqrt{\frac{2x - 3}{3x + 4}}.$$

3. Določi in klasificiraj ekstreme funkcije

$$f(x) = 2x^3 e^{-x}.$$

4. Izračunaj integral

$$\int \frac{-2x^2 - 4x + 4}{(x+1)(x^2+2)} dx.$$

5. Izračunaj volumen vrtenine, ki nastane, ko se krivulja

$$\begin{aligned} x &= 2(t - \sin t) \\ y &= 2(1 - \cos t) \end{aligned}$$

na intervalu $0 \leq t \leq 2\pi$ zavrti okrog x osi.