

Naloga 1 (20 točk)

Določite vsa realna števila, ki zadoščajo neenačbi

$$\frac{1}{3x-2} > \frac{1}{x+4}.$$

Naloga 2 (20 točk)

Poščite vse pare kompleksnih števil z_1 in z_2 , ki so rešitve sistema:

$$\begin{aligned} z_1^2 \cdot \overline{z_2} &= \sqrt{2}, \\ \frac{z_1}{\overline{z_2}} &= i\sqrt{2}. \end{aligned}$$

Naloga 3 (20 točk)

Izmed vseh pravokotnih trikotnikov z obsegom 1 poščite tistega, ki ima največjo ploščino. Določite dolžini obeh njegovih katet.

Naloga 4 (20 točk)

Narišite graf funkcije

$$f(x) = x \cdot \ln x^3.$$

Določite še:

- definicijsko območje funkcije $f(x)$,
- ničle funkcije $f(x)$,
- ekstreme funkcije $f(x)$,
- zalogo vrednosti funkcije $f(x)$.

Naloga 5 (20 točk)

Izračunajte ploščino območja, ki ga omejujejo graf funkcije

$$g(x) = \frac{2x+3}{(x^2+1)(x-5)},$$

abscisna os ter premici $x = 0$ in $x = 2$.