

Izpit Matematika II

17.9.2009

1. Osnovna ploskev tristrane piramide je ravnina $z = 0$, stranske ploskve pa so ravnine z enačbami $x = y$, $x = z$ in $x + y + z = 6$. Izračunajte prostornino piramide!

2. Določite konvergenčno območje in vsoto potenčne vrste $\sum_{n=0}^{\infty} (2n+3)x^{2n}$!

3. Poiščite lokalne ekstreme funkcije $z = 2x^2 + 4y^2 + x^2y + y^3$!

4. Poiščite tisto rešitev diferencialne enačbe

$$xy' - y = \frac{x^2}{1+x^2},$$

ki zadošča pogoju $y(1) = \frac{\pi}{4}$!

5. Rešite diferencialno enačbo

$$\begin{aligned} x^2y'' - 2y &= 3x^2 \\ y(1) &= 1 \\ y'(1) &= 0 \end{aligned}$$