

Izpit iz numeričnih metod
20. januarja 2000

1. Zapiši algoritem v Matlabu za iskanje ničle funkcije z Mullerjevo metodo $f(x) = 0$. Dani so trije začetni približki $x_i, i = 0 : 2$. Poišči ustrezne funkcijke vrednosti $y_i = f(x_i)$. Skozi tri točke $(x_i, y_i), i = 0 : 2$ položi kvadratno parabolo in izračunaj njene korene $q_i, i = 1 : 2$. Korene izračunaš tako, da so numerečne napake čim manjše. Naslednjo trojico izbereš iz množice $\{q_1, q_2, x_0, x_1, x_2\}$. Izbereš tiste, ki se držijo najbolj skupaj.
2. Zapiši algoritem v Matlabu, ki z čim manjšim številom računskih operacij izračuna produkt $A^{-1}B$. Matrika A tridiagonalna reda $m \times m$, medtem ko je matrika B poljubna matrika reda $m \times n$.
3. Konstruiraj kvadraturno formulo

$$I(f) = \int_{-1}^1 f(x) dx \approx A_0 f(-\frac{1}{2}) + A_1 f(0) + A_2 f(\frac{1}{2})$$

ki je eksaktna za polinome reda ≤ 2